

Principi di Ingegneria Chimica  
Anno Accademico 2014-2015

Cognome	Nome	Matricola	Firma
<b>E-mail:</b>			

**Problema 1.** Uno scambiatore di calore è costituito da due tubi coassiali a parete metallica molto sottile. La temperatura del fluido caldo va da  $T_H^{IN}$  a  $T_H^{OUT}$ , la temperatura del fluido freddo va da  $T_C^{IN}$  a  $T_C^{OUT}$ . Considerando costante il coefficiente globale di scambio, calcolare come cambiano  $T_H^{OUT}$  e  $T_C^{OUT}$  se (rispetto al caso iniziale):

1. la portata di acqua fredda dimezza;
2. la lunghezza dello scambiatore raddoppia;
3. la portata di acqua calda raddoppia.

**Dati.**  $T_H^{IN} = 90^\circ\text{C}$ ,  $T_H^{OUT} = 60^\circ\text{C}$ ,  $T_C^{IN} = 20^\circ\text{C}$ ,  $T_C^{OUT} = 70^\circ\text{C}$ .

**Problema 2.** Peter Parker sta sperimentando un nuovo tipo di ragnatele: si tratta di una soluzione polimero (P)/solvente (S). Il lancia-ragnatele produce un getto assimilabile ad un cilindro molto lungo e di raggio  $R$ , con concentrazione iniziale di solvente  $C_{S0}$ . La ragnatela si può considerare solida, e sostenere i volteggi di *Spider-Man*, quando, a causa della diffusione verso l'esterno del solvente, la concentrazione di solvente diventa non maggiore di  $C_{s,crit}$  in tutti i punti. Sia  $D_{SP}$  la diffusività del solvente nel polimero, e  $D_{SA}$  la diffusività del solvente in aria (che si può considerare priva di solvente), la relazione di equilibrio tra la concentrazione in fase solida e quella in fase aeriforme sia  $C_s^{SOL} = KC_s^{AER}$ . In una giornata ventosa (velocità del vento  $v_A$ ) e fredda (temperatura  $T_A$ ):

1. calcolare il coefficiente di scambio di materia per il trasporto del solvente in aria,  $k_C$ ;
2. verificare se il transitorio di solidificazione per allontanamento del solvente va descritto a parametri distribuiti o a parametri concentrati;
3. calcolare dopo quanto tempo la ragnatela si può considerare solida.

**Dati.**  $R = 1\text{ cm}$ ,  $C_{S0} = 15\text{ mol/m}^3$ ,  $C_{s,crit} = 3\text{ mol/m}^3$ ,  $D_{SP} = 6.1 \cdot 10^{-7}\text{ m}^2/\text{s}$ ;  $D_{SA} = 3.1 \cdot 10^{-10}\text{ m}^2/\text{s}$ ;  
 $v_A = 15\text{ m/s}$ ,  $T_a = 5^\circ\text{C}$ .

---

**Istruzioni:** compilare innanzitutto con i propri dati la parte alta di questo foglio; per le risposte utilizzare solo questo foglio.

**Prova scritta - 19 maggio 2015**



**Problema 1.** Uno scambiatore di calore è costituito da due tubi coassiali a parete metallica molto sottile. La temperatura del fluido caldo va da  $T_H^{IN}$  a  $T_H^{OUT}$ , la temperatura del fluido freddo va da  $T_C^{IN}$  a  $T_C^{OUT}$ . Considerando costante il coefficiente globale di scambio, calcolare come cambiano  $T_H^{OUT}$  e  $T_C^{OUT}$  se (rispetto al caso iniziale):

1. la portata di acqua fredda dimezza;
2. la lunghezza dello scambiatore raddoppia;
3. la portata di acqua calda raddoppia.

**Dati.**  $T_H^{IN} = 90^\circ\text{C}$ ,  $T_H^{OUT} = 60^\circ\text{C}$ ,  $T_C^{IN} = 20^\circ\text{C}$ ,  $T_C^{OUT} = 70^\circ\text{C}$ .

$$T_{H.in} := 90^\circ\text{C} \quad T_{H.out} := 60^\circ\text{C} \quad T_{C.in} := 20^\circ\text{C} \quad T_{C.out} := 70^\circ\text{C}$$

$$Q = m_H C_{P.H} (T_{H.in} - T_{H.out}) = m_C C_{P.C} (T_{C.out} - T_{C.in}) = U \cdot A \cdot \Delta T_{ml}$$

$$\Delta T_{ml} := \frac{(T_{H.in} - T_{C.out}) - (T_{H.out} - T_{C.in})}{\ln \left[ \frac{(T_{H.in} - T_{C.out})}{(T_{H.out} - T_{C.in})} \right]} = 28.854\text{K}$$

$$\alpha_1 = \frac{(m_H C_{P.H})}{U \cdot A} = \frac{\Delta T_{ml}}{(T_{H.in} - T_{H.out})}$$

$$\alpha_1 := \frac{\Delta T_{ml}}{(T_{H.in} - T_{H.out})} = 0.962$$

$$\alpha_2 = \frac{(m_C C_{P.C})}{U \cdot A} = \frac{\Delta T_{ml}}{(T_{C.out} - T_{C.in})}$$

$$\alpha_2 := \frac{\Delta T_{ml}}{(T_{C.out} - T_{C.in})} = 0.577$$

Caso 1.  $\alpha_2$  dimezza

$$\alpha_{2.1} := \frac{\alpha_2}{2}$$

$$\text{Given} \quad \alpha_1 = \frac{(T_{H.in} - T_{C.out}) - (T_{H.out} - T_{C.in})}{\ln \left[ \frac{(T_{H.in} - T_{C.out})}{(T_{H.out} - T_{C.in})} \right]} \quad \alpha_{2.1} = \frac{(T_{H.in} - T_{C.out}) - (T_{H.out} - T_{C.in})}{\ln \left[ \frac{(T_{H.in} - T_{C.out})}{(T_{H.out} - T_{C.in})} \right]} \cdot \frac{1}{(T_{C.out} - T_{C.in})}$$

$$\left( \frac{T_{H.out}}{T_{C.out}} \right) := \text{Minerr}(T_{H.out}, T_{C.out}) = (70.335) \cdot ^\circ\text{C}$$

Caso 2. dimezzano sia  $\alpha_1$  che  $\alpha_2$

$$\alpha_{1.2} := \frac{\alpha_1}{2} \quad \alpha_{2.2} := \frac{\alpha_2}{2}$$

$$\text{Given} \quad \alpha_{1.2} = \frac{(T_{H.in} - T_{C.out}) - (T_{H.out} - T_{C.in})}{\ln \left[ \frac{(T_{H.in} - T_{C.out})}{(T_{H.out} - T_{C.in})} \right]} \quad \alpha_{2.2} = \frac{(T_{H.in} - T_{C.out}) - (T_{H.out} - T_{C.in})}{\ln \left[ \frac{(T_{H.in} - T_{C.out})}{(T_{H.out} - T_{C.in})} \right]} \cdot \frac{1}{(T_{C.out} - T_{C.in})}$$

$$\left( \frac{T_{H.out}}{T_{C.out}} \right) := \text{Minerr}(T_{H.out}, T_{C.out}) = (52.941) \cdot ^\circ\text{C}$$

Caso 3.  $\alpha_1$  raddoppia

$$\alpha_{1.3} := 2 \cdot \alpha_1$$

$$\text{Given} \quad \alpha_{1.3} = \frac{(T_{H.in} - T_{C.out}) - (T_{H.out} - T_{C.in})}{\ln \left[ \frac{(T_{H.in} - T_{C.out})}{(T_{H.out} - T_{C.in})} \right]} \quad \alpha_2 = \frac{(T_{H.in} - T_{C.out}) - (T_{H.out} - T_{C.in})}{\ln \left[ \frac{(T_{H.in} - T_{C.out})}{(T_{H.out} - T_{C.in})} \right]} \cdot \frac{1}{(T_{C.out} - T_{C.in})}$$

$$\left( \frac{T_{H.out}}{T_{C.out}} \right) := \text{Minerr}(T_{H.out}, T_{C.out}) = (73.798) \cdot ^\circ\text{C}$$

**Problema 2.** Peter Parker sta sperimentando un nuovo tipo di ragnatele: si tratta di una soluzione polimero (P)/solvente (S). Il lancio ragnatele produce un getto assimilabile ad un cilindro molto lungo e di raggio  $R$ , con concentrazione iniziale di solvente  $C_{s0}$ . La ragnatela si può considerare solida, e sostenere i volteggi di *Spider-Man*, quando, a causa della diffusione verso l'esterno del solvente, la concentrazione di solvente diventa non maggiore di  $C_{s,crit}$  in tutti i punti del cilindro. Sia  $D_{PS}$  la diffusività del solvente nel polimero, e  $D_{SA}$  la diffusività del solvente in aria (che si può considerare priva di solvente), la relazione di equilibrio tra la concentrazione in fase solida e quella in fase aeriforme sia  $C_s^{SOL} = K C_s^{AER}$ . In una giornata ventosa (velocità del vento  $v_A$ ) e fredda (temperatura  $T_A$ ):

1. calcolare il coefficiente di scambio di materia per il trasporto del solvente in aria,  $k_C$ ;
2. verificare se il transitorio di solidificazione per allontanamento del solvente va descritto a parametri distribuiti o a parametri concentrati;
3. calcolare dopo quanto tempo la ragnatela si può considerare solida.

**Dati.**  $R = 1 \text{ cm}$ ,  $C_{s0} = 15 \text{ mol/m}^3$ ,  $C_{s,crit} = 3 \text{ mol/m}^3$ ,  $D_{PS} = 6.1 \cdot 10^{-7} \text{ m}^2/\text{s}$ ;  $D_{SA} = 1 \cdot 10^{-10} \text{ m}^2/\text{s}$ ;  $v_A = 15 \text{ m/s}$ ,  $T_A = 5^\circ\text{C}$ .

$$\underline{R} := 1 \cdot \text{cm} \quad C_{s0} := 15 \cdot \frac{\text{mol}}{\text{m}^3} \quad C_{s,crit} := 3 \cdot \frac{\text{mol}}{\text{m}^3} \quad D_{PS} := 6.1 \cdot 10^{-7} \cdot \frac{\text{m}^2}{\text{s}} \quad D_{SA} := 3.1 \cdot 10^{-10} \cdot \frac{\text{m}^2}{\text{s}} \quad v_A := 15 \cdot \frac{\text{m}}{\text{s}} \quad T_A := 5^\circ\text{C}$$

$$N_{Re} := \frac{v_A \cdot (2 \cdot R)}{\nu_A(T_A)} = 2.202 \times 10^4$$

$$\nu_A(T_A) = 1.362 \times 10^{-5} \frac{\text{m}^2}{\text{s}}$$

$$N_{Sc} := \frac{\nu_A(T_A)}{D_{SA}} = 4.394 \times 10^4$$

$$N_{Sh} := \left( 0.4 \cdot N_{Re}^{0.5} + 0.06 \cdot N_{Re}^{0.67} \right) \cdot N_{Sc}^{0.4} = 7.78 \times 10^3$$

$$k_C := \frac{N_{Sh} \cdot D_{SA}}{2 \cdot R} = 1.206 \times 10^{-4} \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$N_{Bi.materia} := \frac{k_C}{\frac{D_{PS}}{2 \cdot R}} = 3.954$$

L'analisi va condotta a parametri DISTRIBUITI

L'aria è priva di solvente

$$C_{s1} := 0 \cdot \frac{\text{mol}}{\text{m}^3}$$

la relazione di equilibrio non serve essendo l'aria priva di solvente

La concentrazione critica adimensionalizzata vale

$$Y_{crit} := \frac{C_{s,crit} - C_{s1}}{C_{s0} - C_{s1}} = 0.2$$

Il parametro delle curve è

$$m_0 := \frac{D_{PS}}{k_C \cdot R} = 0.506$$

La concentrazione di solvente durante l'evaporazione ha il suo valore massimo al centro

$$n := 0$$

Dal grafico per il cilindro

$$X := 0.75 \quad t := X \cdot \frac{R^2}{D_{PS}} = 122.951 \text{ s} \quad t = 2.049 \cdot \text{min}$$

Dovendo aspettare circa  $t = 2.049 \cdot \text{min}$  perché la ragnatela solidifichi, il nostro povero Spidey non riuscirà a tenersi in volo ... :(

Soluzione analitica (equivalente all'uso del grafico)

$$x := 1 \quad \lambda_1 := \text{root}(x \cdot J_1(x) - N_{Bi.materia} \cdot J_0(x), x) = 1.904$$

$$\underline{A} := \frac{2}{\lambda_1} \cdot \frac{J_1(\lambda_1)}{J_0(\lambda_1)^2 + J_1(\lambda_1)^2} = 1.468$$

$$\theta(\tau, \xi) = A_1 \cdot J_0(\lambda_1 \cdot \xi) \cdot e^{-\lambda_1^2 \cdot \tau} \quad \tau := -\frac{1}{\lambda_1^2} \cdot \ln\left(\frac{Y_{crit}}{A_1}\right) = 0.55$$